УДК 523.62-726

ЗАВИСИМОСТЬ ГЕОМАГНИТНОЙ АКТИВНОСТИ ВО ВРЕМЯ МАГНИТНЫХ БУРЬ ОТ ПАРАМЕТРОВ СОЛНЕЧНОГО ВЕТРА ДЛЯ РАЗНЫХ ТИПОВ ТЕЧЕНИЙ. 4. МОДЕЛИРОВАНИЕ ДЛЯ МАГНИТНЫХ ОБЛАКОВ

© 2014 г. Н. С. Николаева, Ю. И. Ермолаев, И. Г. Лодкина

Институт космических исследований (ИКИ) РАН, г. Москва e-mail: nnikolae@iki.rssi.ru Поступила в редакцию 29.06.2012 г. После доработки 11.03.2013 г.

В работе проверяется возможность аппроксимации главной фазы магнитных бурь ($Dst \leq -50$ нТл), генерированных магнитными облаками (MC), линейной зависимостью от параметров солнечного ветра: интегрального электрического поля *sumEy*, динамического давления *Pd*, и уровня флуктуаций поля σB . Результаты показывают, что главная фаза магнитной бури от MC лучше всего описывается моделью с индивидуальными значениями коэффициентов аппроксимации главной фазы: коэффициент корреляции 0.99 между измеренным и модельным значением *Dst* и среднеквадратичное отклонение 2.6 нТл. Версия модели с усредненными коэффициентами по всем MC-бурям намного хуже описывает главную фазу: коэффициент корреляции 0.65 и среднеквадратичное отклонение 21.7 нТл. Более точная версия модели главной фазы MC-бурь получена после внесения поправок, учитывающих предысторию развития начала главной фазы магнитной бури: коэффициент корреляции 0.83 и среднее квадратичное отклонение 15.6 нТл. На примере отдельных магнитных бурь от MC демонстрируются результаты предсказания *Dst* на главной фазе с использованием предложенной нами методики моделирования.

DOI: 10.7868/S001679401402014X

1. ВВЕДЕНИЕ

Настоящая работа является продолжением серии статей [Николаева и др., 2011, 2012а, б], посвященных исследованию процесса генерации магнитных бурь разными типами течений солнечного ветра. На основе данных базы OMNI для интервала 1976-2000 гг. нами были идентифицированы крупномасштабные типы солнечного ветра (см. "Каталог крупномасштабных явлений солнечного ветра" по адресу ftp://ftp.iki.rssi.ru/pub/omni/ и статью [Ермолаев и др., 2009]). Все умеренные и сильные магнитные бури с $Dst \le -50$ нТл, зарегистрированные за период 1976-2000 гг., были разделены на 8 групп в зависимости от того, каким типом течения они вызывались. Вопросы частоты появления различных типов солнечного ветра и вероятности возбуждения ими магнитных бурь обсуждаются в работе [Yermolaev et al., 2012].

Ранее нами было показано [Ермолаев и др., 2010, 2011; Yermolaev et al., 2010], [Николаева и др., 2011, 2012a, 6]: (1) линейный характер зависимости *Dst* от *sumEy* в среднем наблюдается для всех типов солнечного ветра; коэффициенты корреляции меняются в диапазоне от r = -0.66 (для MC и CIR) до r = -0.78 (для Sh_{MC} + Sh_E), что немного ниже значений, полученных ранее между "пиковыми" значениями *Dst* и *Ey* (0.65 для CIR, 0.86 для MC и 0.7 для $Sh_{MC} + Sh_E$); (2) для 4-х типов магнитных бурь, связанных, в основном, с областями сжатия (CIR, Sh_E , $Sh_E + Sh_{MC}$, IND), интенсивность магнитной бури сильнее растет (*Dst* понижается) в подгруппе точек главной фазы с высоким динамическим давлением; (3) на фоне зависимости *Dst* от *sumEy* на главной фазе магнитных бурь почти для всех типов течений наблюдается очень слабая зависимость от уровня флуктуаций σB ММП.

Отметим, что линейный характер зависимости *Dst* от интеграла *Ey* является следствием формулы [Burton et al., 1975] в случае пренебрежения на главной фазе бури членом, связанным с распадом. Этот результат был подтвержден в ряде экспериментальных работ (без селекции магнитных бурь по типу их источника в солнечном ветре) (см. работы [Kane, 2010; Ontiveros et al., 2010; Weigel, 2010] и ссылки в них). В нашем моделировании ключевую роль играет линейная связь между Dst и интегралом Ey, а зависимости от давления и вариаций поля считаются малыми. Такой подход, с одной стороны, позволяет нам выполнить количественное сравнение связи Dst и межпланетных условий для различных типов солнечного ветра, а с другой стороны, позволит построить прогностическую схему для предсказания временного профиля и величины магнитных бурь.

В литературе существует большое число работ, посвященных моделированию магнитных бурь и их предсказанию (см. например, [Feldstein, 1992; Wang et al., 2003; Maltsev, 2004] и ссылки в них). Наиболее часто используются модели, основанные на дифференциальном уравнении 1-го порядка (последовали за работой [Burton et al., 1975]) (см. например, [Fenrich and Luhmann, 1998; O'Brien and McPherron, 2000a, b; Siscoe et al., 2005; Wang et al., 2003; Podladchikova and Petrukovich, 2012] и ссылки в них). Для предсказания Dst индекса используются также статистические модели, основанные на методике фильтрации, когда система солнечный ветер-магнитосфера рассматривается, как "черный ящик", искусственные нейронные сети, нелинейные авто-регрессионные схемы (см. например, [Vassilidias et al., 1999; Klimas et al., 1998; Wu and Lunstedt 1997; McPherron and O'Brien, 2001; Temerin and Li, 2002, 2006; Sharifi et al., 2006; Amata et al., 2008; Boynton et al., 2011]. В большинстве работ не принимается во внимание тот факт, что бури были генерированы различными типами солнечного ветра, хотя имеются работы, которые показывают, что различные типы течений СВ приводят к разным возмущениям магнитосферы (см. например, [Borovsky and Denton, 2006; Denton et al., 2006; Huttunen et al., 2006; Pulkkinen et al., 2007; Plotnikov and Barkova, 2007; Longden et al., 2008; Turner et al., 2009; Despirak et al., 2011; Guo et al., 2011; Liemohn et al., 2010; Cerrato et al., 2012].

В работе [Ji et al., 2012] проводится сравнение 6-ти разных моделей, предсказывающих величину Dst-индекса [Burton et al., 1975; Fenrich and Luhmann, 1998; O'Brien and McPherron, 2000a; Wang et al., 2003; Temerin and Li, 2002, 2006; Boynton et al., 2011]. Эффективность предсказания оценивается по 4-м параметрам: коэффициент линейной корреляции СС, RMS-ошибка, разница в величине минимального *Dst*-индекса ΔDst_{min} , и в моменте времени минимального Dst_{min} индекса $\Delta t_{\rm Dst}$. Авторы [Ji et al., 2012] нашли, что наилучшее предсказание, как для 139 магнитных бурь с $Dst \leq -50$ нТл, так и для 63 сильных бурь с $Dst \leq$ ≤-100 нТл за период 2003-2010 гг., дает модель [Temerin and Li, 2002; 2006]. (В частности, для всех 63-х сильных магнитных бурь модель дает средние значения: линейного коэффициента корреляции CC = 0.94, RMS-ошибка = 14.8 нТл, разницы в величине минимального Dst, $\Delta Dst_{min} =$ = 7.7 нТл, и в моменте времени минимального $Dst_{min}, \Delta t_{Dst} = 1.5$ час.) Кроме того, авторы [Ji et al., 2012] разделили 63 сильные бури на 4 группы в соответствии с межпланетной структурой источника в солнечном ветре: 27 sMC-бурь (бури от МС с предшествующей ему быстрой ударной волной), 18 SH событий (бури от области сжатия Sheath), 8 CIR событий (бури от CIR), 10 nonMC событий (бури от Ejecta). Они показали, что модель [Temerin and Li, 2002; 2006] лучше всего описывает все типы межпланетных структур, которые вызывали магнитные бури.

Моделирование [Tsyganenko and Sitnov, 2005] показывает, что во время главной фазы очень сильных геомагнитных бурь, на Dst индекс влияет не только симметричный кольцевой ток, но и другие токовые системы: асимметричный (частичный) кольцевой ток, ток ближнего хвоста, продольные токи, связывающие магнитосферу с высокоширотной ионосферой, и токи магнитопаузы. В работе [Левитин и др., 2011] рассматривается гигантская магнитная буря ($Dst \leq -400$ нTл), имеющая очень короткую главную фазу 2-3 часа и быстрое восстановление. Как показали модельные расчеты, наблюдаемые вариации Dst такой гигантской бури могут быть созданы токовой системой хвоста магнитосферы, в результате быстрого приближения к Земле границы плазменного слоя, и токам авроральной зоны, в результате их быстрого смещения в сторону экватора. Хотя концепция кольцевого тока считается слишком упрощенным описанием магнитосферных токовых систем, ответственных за Dst, мы используем традиционный полход к описанию главной фазы геомагнитных возмущений, пренебрегая ионосферным вкладом в Dst индекс. Частично это оправдано преимущественно умеренной интенсивностью анализируемых нами МС-бурь ($-100 < Dst_{min} \le -50$ нТл, кроме одной бури с $Dst_{min} = -130$ нТл).

В данной работе при моделировании мы делаем ряд физических предположений, которые считаем справедливыми на главной фазе магнитной бури: (1) сильная линейная связь $Dst = c0 + cE^* \int Ey^* dt$,

где с0 — константа интегрирования, определяющая уровень *Dst*, который был непосредственно перед началом главной фазы (при t = 0); (2) слабая (и линейная) зависимость *Dst* от динамического давления *Pd*; (3) слабая (и линейная) зависимость *Dst* от вариаций σB ММП. Справедливость этих предположений проверяется сравнением результатов расчета с экспериментальными данными и с результатами моделирования в других работах.

В данной работе, которая освещает в основном методические вопросы, мы ограничились анализом магнитных бурь, вызванных только магнитными облаками, являющимися основными источниками магнитных бурь. В работе показывается возможность использования нашей модели для предсказания отдельных магнитных бурь от MC.

2. МЕТОДИКА

Методика идентификации крупномасштабных течений солнечного ветра состоит в сравнении каждой точки базы данных OMNI [King and Papitashvili, 2004] с набором пороговых критериев по ключевым параметрам солнечного ветра и ММП и подробно описана в работе [Ермолаев и др., 2009].

Предполагается следующая аппроксимация величины Dst-индекса главной фазы магнитной бури 3-мя параметрами солнечного ветра: интегралом конвективного электрического поля Ey, динамическим давлением Pd и вариациями магнитного поля σB :

$$Dst_i = c0 + cE(\int VxBzdt)_i + cPPd_i + cB\sigma B_i =$$

= c0 + cE($\Sigma_{\kappa}E_{\kappa}, \kappa=1, 2, ..., i$)_i + cPPd_i + cB σB_i , (1)

где с0, сЕ, сР и сВ — коэффициенты, которые определялись для каждой бури, а Σ_{κ} — суммирование по k (от начала бури в точке k = 1 до конца главной фазы в точке k = i). Вид аппроксимации определяется тем, что *Dst*-индекс главной фазы хорошо описывается линейной функцией интеграла электрического поля *sumE* и слабо зависит от давления *Pd* и вариаций магнитного поля σB , поэтому члены с давлением и вариациями σB являются первыми членами разложения функции по малому параметру. Коэффициенты с0, сЕ, сР и сВ оценивались стандартным методом наименьших квадратов.

Для оценки эффективности и точности модели мы используем следующие критерии: (1) коэффициент линейной корреляции (*r*) между измеренным *Dst* и модельным *Dstmod* (насколько хорошо модель описывает реальные вариации *Dst*); 2) средне-квадратичное отклонение (RMS) между измеренным значением *Dst* и вычисленным по модели *Dst*_{mod} (насколько сильно различаются значения модельного *Dst*_{mod} и измеренного *Dst*).

3. РЕЗУЛЬТАТЫ

На рисунке 1 приведен пример умеренной $(Dst_{min} = -78 \text{ нTл})$ магнитной бури 25–27 апреля 1982, источником которой является МС. Временной ход параметров СВ и ММП показывает, что источником данной магнитной бури, возможно, является МС (низкое отношение теплового давления к магнитному $\beta \ll 1$, параметр $T/T_{exp} < 1$, сильное магнитное поле B > 10 нTл), но с немонотонным изменением Вг ММП. На главной фазе магнитной бури южная компонента ММП Bz < 0характеризуется 2-мя сильными понижениями южной компоненты ММП до $B_{z} \sim -15$ нТл, соответственно, индекс Dst на главной фазе бури также меняется немонотонно (возможно, неполный 2-х ступенчатый поворот ММП связан с возрастанием плотности и/или давления в середине фазы).

На рисунке 2 приведена магнитная буря 22– 24 августа 1995 г. от МС, тоже умеренной интенсивности $Dst_{min} = -61$ нТл. Главная фаза данной бури (длительностью 11 ч) характеризуется плавным монотонным понижением Dst индекса и параметров СВ и ММП. Характер изменения параметров СВ и ММП предполагает, что источником бури является МС ($\beta < 0.5$, $T < T_{exp}$, $B \sim 10$ нТл, $Bz \sim -10$ нТл).

На рисунке 3 результаты моделирования главной фазы Dst_{mod} сравниваются с измеренными значениями Dst: (*a*) для бури 25 апреля 1982 в интервале 2–10 ч; (*б*) для бури 22–23 августа 1995 г. в интервале времени 17–4 ч. Видно хорошее соответствие между измеренным индексом Dst и рассчитанным Dst_{mod} с использованием индивидуальных коэффициентов аппроксимации для обеих бурь.

Для отработки методики моделирования мы используем 16 магнитных бурь с $Dst \le -50$ нТл источником которых являются магнитные облака МС. Для каждой из 16 МС-бурь вычисляются индивидуальные коэффициенты аппроксимаций главной фазы, которые затем усредняются. В таблице приводятся средние значения коэффициентов аппроксимаций и их среднеквадратичные отклонения (левый столбец), а также средние значения параметров СВ, по которым проводилась аппроксимация (средний столбец), и их относительные вклады в величину Dst индекса (правый столбец). Для полной выборки из 16 МС-бурь наибольший вклад в понижение Dst дает интегральное электрическое поле sumEy; суммарный вклад динамического давления Pd и флуктуаций σB ММП в повышение Dst (ослабление бури) в несколько раз слабее. Однако большие средне-квадратичные отклонения, сопоставимые с величиной самого коэффициента, позволяют предполагать лишь тенденцию такой зависимости.

Для уменьшения погрешности из16 МС-бурь было отобрано 10 МС-бурь, для которых величины коэффициентов аппроксимаций не выходили за пределы 2σ (σ – стандартное среднеквадратичное отклонение соответствующего коэффициента). В таблице для сравнения приводятся средние значения коэффициентов аппроксимаций и их среднеквадратичные отклонения, а также средние значения параметров СВ, по которым проводилась аппроксимация, и их относительные вклады в величину Dst, полученные для выборки из 10 МС-бурь. Для выборки из 10 МС бурь существенно уменьшилась погрешность средних коэффициентов аппроксимаций, кроме того, вклад динамического давления теперь понижает Dst (отрицательный коэффициент сP < 0) и компенсирует вклад флуктуаций магнитного поля σB (положительный коэффициент cB > 0).

На рисунке 4*a* для выборки из 10 МС-бурь показана зависимость измеренного *Dst*-индекса, на



Рис. 1. Магнитная буря 25–27 апреля 1982 г. от МС. Сверху вниз: параметр β , температура плазмы *T* измеренная (точки) и *T*_{ехр} (крестики), плотность *N*, скорость *V*, динамическое давление *Pd*, флуктуации ММП σB , величина и *Bz* компонента (крестики) ММП, межпланетное электрическое поле *Ey*, индекс *Dst*. Вертикальные штриховые линии отмечают главную фазу бури.

главной фазе, от модельного значения *Dst*_{mod}, посчитанного по индивидуальным коэффициентам аппроксимаций для каждой бури (без усреднения). Коэффициент корреляции между *Dst* и *Dst*_{mod} очень высокий r = 0.99, среднеквадратичное отклонение между *Dst* и *Dst*_{mod} мало RMS = 2.6 нТл. То есть, индивидуальные коэффициенты аппроксимации главной фазы бури дают наилучший ре-



Рис. 2. Магнитная буря 22-24 августа 1995 г. от МС. Обозначения те же, что на предыдущем рис. 1.

зультат для моделирования главной фазы всех 10 MC-бурь.

На рисунке 46 показана та же зависимость, что на предыдущем рис. 4a, но модельные расчеты Dst_{mod} сделаны по усредненным значениям (для 10 МС-бурь) коэффициентов аппроксимаций. При таком моделировании коэффициент корреляции между измеренным *Dst* значением на главной фазе и модельным *Dst*_{mod} уменьшается до r = 0.65, а средне-квадратичное отклонение возрастает до



Рис. 3. Сопоставление измеренного *Dst* индекса (жирные точки), рассчитанного по модели *Dst*_{mod} с индивидуальными значениями коэффициентов (крестики) и *Dst*^{*}_{mod} (пустые кружки), предсказанного на 1 ч позднее по нашему алгоритму на главной фазе магнитных бурь: (*a*) 2–10 ч 25.04.82 (коэффициенты аппроксимации c0 = -7.81, cE = -1.71, cP = 3.87, cB = -1.53); (*b*) 17 ч 22.08.95–4 ч 23.08.95 (c0 = 1.72, cE = -2.16, cP = -0.96, cB = 0.53).

RMS = 21.73 нТл, что на порядок выше, чем для модели с использованием индивидуальных коэффициентов.

Чтобы улучшить модельную аппроксимацию хода Dst по средним значениям коэффициентов, была выполнена дополнительная процедура расчета коэффициента с0. Предварительно были сделаны некоторые оценки возможной связи коэффициентов c0 с усредненной величиной Dst по 3 точкам (aveDst): 1-ая точка главной фазы бури и 2 предыдущие точки. Зависимость величины коэффициента с0 для каждой бури от средней величины aveDst показана на рис. 4в. Видно, что между этими параметрами наблюдается линейная зависимость (c0 = 0.68 aveDst - 6.5) с коэффициентом корреляции 0.73 (т.е. высота Dst на главной фазе заметно зависит от предыстории, а наклон индекса от интегрального электрического поля, динамического давления и вариаций магнитного поля).

На рисунке 4г показана зависимость Dst измеренного от Dst_{mod} , когда вместо постоянного среднего значения c0, для каждой бури *i* взяты значения, рассчитанные из указанной выше зависимости коэффициента c0 (см. рис. 4*в*): $Dst_{mod} = (c0)_i + c_{mod} = (c0)_i + c_{mod} = (c0)_i + c_{mod} + c_{$ $+\langle cE \rangle^*sumEy + \langle cP \rangle^*Pd + \langle cB \rangle^*\sigma B$, где $(c0)_i =$ $= 0.68*(aveDst)_i - 6.5$ (здесь величина (aveDst)_i - среднее значение Dst по 3-м точкам), а остальные коэффициенты (cE) = -2.55, (cP) = -0.92, (cB) = 1.28, каки прежде, взяты из усреднений по всем 10 МС бурям. Видно, что данная версия модели лучше описывает наши экспериментальные данные, чем предыдущая версия: коэффициент линейной корреляции возрастает до 0.83 (против 0.65), среднеквадратичное отклонение уменьшается до $RMS = 15.6 HT_{\Lambda}$ (против $RMS = 21.7 HT_{\pi}$).

4. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

4.1. Сравнение с другими моделями

Результаты моделирования линейной зависимостью от 3-х параметров СВ показывают, что для 10 МС-бурь эффективность и точность моделирования наилучшая для индивидуальных коэффициентов аппроксимации фазы каждой бури (коэффициент корреляции r = 0.99 и RMS = 2.6 нТл). Аппроксимация главной фазы усредненными коэффициентами уменьшает коэффициент корреляции между Dst и Dst_{mod} до r = 0.65 и почти на порядок ухудшает точность моделирования RMS = 21.73 нТл. Но более физическое определение только одного параметра с0 позволяет улучшить модель: коэффициент корреляции возрастает r = 0.83 и уменьшается RMS = 15.6 нТл (против r = 0.66 и RMS = 27.5 нТл для зависимости *Dst* от Dst_{mod} только от одного параметра sumEy для 17 МС-бурь [Николаева и др., 2012б]).

В работе ([Ji et al., 2012], их таблица 6) приводятся данные о точности предсказания Dst для 6-ти разных моделей: модель В [Burton et al., 1975], модель FL [Fenrich and Luhmann, 1998], модель OM [O'Brien and McPherron, 2000a], модель W [Wang et al., 2003], модель NM [Boynton et al., 2011], модель TL [Temerin and Li, 2002; 2006]. Наилучший результат дает TL модель [Temerin and Li, 2002; 2006] с коэффициентом корреляции CC = 0.88, что выше, чем у нас, и RMS = 15.0 нTл, что близко к нашему значению RMS = 15.6 нТл. Величина RMS = 15.6 нТл для нашей улучшенной модели совпадает с величиной RMS = 15.6 нТл для модели W [Wang et al., 2003], и близка к RMS для 3-х моделей [O'Brien and McPherron, 2000a; Temerin and Li, 2002, 2006; Boynton et al., 2011]. Точность нашей модели (RMS = 15.6 нТл) почти в 2 раза лучше, чем для модели [Burton et al., 1975] (RMS = 31.7 нТл) и чем (RMS = 25.0 нТл) для модели [Fenrich and Luhmann, 1998].

Все 16 МС-бурь с <i>Dst</i> ≤ −50 нТл		
коэффициенты	средние значения	вклад параметра
$\langle c0\rangle = -29.01 \pm 72.78$		
$\langle cE \rangle = -2.79 \pm 2.21$	$\langle sumEy \rangle = 19.85 \pm 14.93$	$\langle cE \rangle^* \langle sumEy \rangle = -55.38$
$\langle cP \rangle = 1.71 \pm 6.74$	$\langle Pd \rangle = 4.64 \pm 4.15$	$\langle cP \rangle^* \langle Pd \rangle = 7.93$
$\langle cB \rangle = 0.89 \pm 3.63$	$\langle \sigma B \rangle = 3.50 \pm 2.86$	$\langle cB \rangle^* \langle \sigma B \rangle = 3.11$
Выборка из 10 МС-бурь с <i>Dst</i> ≤ −50 нТл		
коэффициенты	средние значения	вклад параметра
$\langle c0 \rangle = -13.77 \pm 14.4$		
$\langle cE \rangle = -2.55 \pm 0.78$	$\langle sumEy \rangle = 16.24 \pm 9.78$	$\langle cE \rangle^* \langle sumEy \rangle = -41.41$
$\langle cP \rangle = -0.92 \pm 2.9$	$\langle Pd \rangle = 3.62 \pm 2.27$	$\langle cP \rangle^* \langle Pd \rangle = -3.33$
$\langle cB \rangle = 1.28 \pm 3.3$	$\langle \sigma B \rangle = 3.07 \pm 2.4$	$\langle cB \rangle^* \langle \sigma B \rangle = 3.92$

Средние значения и среднеквадратичные отклонения коэффициентов аппроксимации, средних значений параметров СВ, и их вклады

Сравнение коэффициентов корреляции и величины RMS нашей улучшенной версии модели и 6-ти моделей, представленных в работе ([Ji et al., 2012] см. их табл. 2–3) для группы из 27 сильных бурь, вызванных sMC (магнитными облаками с ударной волной перед ними), показывает, что наша модель имеет такой же коэффициент корреляции 0.83, что и FL модель [Fenrich and Luhmann, 1998]. Другие 5 моделей, включая В модель [Burton et al., 1975], дают более высокий коэффициент корреляции между СС = 0.88 для NM модели [Boynton et al., 2011], и наилучшим результатом CC = 0.94 для TL модели [Temerin and Li, 2002, 2006]. Различие объясняется как небольшой статистикой в нашей выборке, так и тем, что мы сравниваем сильные магнитные бури от sMC с умеренными магнитными бурями от наших МС. Стоит отметить, что для сильных бурь от sMC модель В [Burton et al., 1975] дает выше коэффициент корреляции (0.89 против нашего 0.83), но точность ее хуже (RMS = 51.4 нТл против нашего RMS = 15.6 нTл).

Отметим также, что модель FL [Fenrich and Luhmann, 1998] создавалась для моделирования МС-бурь, для этого авторы модифицировали формулу [Burton et al., 1975]: 1) скорость инжекции кольцевого тока Q зависит не только от Еу, но и от Pd (считая, что более сильное давление Pd способствует большему переносу энергии в магнитосферу, благодаря увеличению магнитного пересоединения); 2) величина т, характеризующая спад кольцевого тока, зависит от величины электрического VBs ($\tau = 7.7$ при низкой величине $VBs \le 4$ мВ/м, $\tau = 3$ при высоких значениях VBs > 4 мB/м). По сравнению с нашей моделью данная модель имеет в 2 раза более высокую величину RMS = 51.7 нТл, но величины коэффициентов корреляции полностью совпадают.

4.2. Возможный алгоритм предсказания Dst главной фазы

Полученные нами результаты можно использовать в качестве алгоритма для предсказания *Dst* главной фазы магнитной бури (на 1 час вперед) на основании только текущих значений параметров СВ и ММП и предыдущих значений *Dst* индекса.

Идея алгоритма заключается в следующем:

(1) до начала магнитной бури (т.е., когда $Bz \ge 0$) вычисляется только средняя величина *aveDst* по 3-м точкам (текущая точка и 2 предыдущие);

(2) с момента начала фазы бури (Bz < 0, шаг 1 бури) по формуле (1) рассчитывается Dst_{mod} в текущей точке (*i*) по усредненным значениям коэффициентов аппроксимации, полученным ранее для 10 МС бурь (здесь c0(i) - функция aveDst(i) из рис. 6 в виде y = 0.689x - 6.507, где x - среднее aveDst); кроме того, предполагая, что в следующий час все параметры останутся без изменений, рассчитывается модельное значение на 1 час поз-

же (т.е., предсказание), как $Dst_{mod}^{*}(i+1) = c0(i) + \langle cE \rangle sumEy(i+1) + \langle cP \rangle Pd(i) + \langle cB \rangle \sigma B(i)$, где sumEy(i+1) = sumEy(i) + Ey(i);

(3) для следующих 2-х точек фазы (Bz < 0, шаги 2 и 3) коэффициенты c0 и cE рассчитываются из значений текущих и предыдущих точек для линейной аппроксимации с двумя коэффициентами (т.е. пренебрегаем зависимостью от Pd и σB), и эти коэффициенты используются для расчета

значений *Dst* (т.е. Dst_{mod} и Dst_{mod}^*), при этом используются средние коэффициенты (сР) и (сВ), (4) начиная с 4-й точки и до конца главной фазы (шаги 4 и более, до Dst_{min}) для вычисления модельного в текущей точке Dst_{mod} и предсказанного

на 1 час позже Dst^*_{mod} используются индивидуаль-



Рис. 4. Сравнение измеренного индекса *Dst* с моделированным значением *Dst*_{mod} для 10 магнитных бурь от MC: (*a*) версия модели с индивидуальным набором коэффициентов аппроксимации; коэффициент линейной корреляции r = 0.99, RMS = 2.6 нТл; сплошная линия показывает $Dst = Dst_{mod}$; (*b*) версия модели с усредненными коэффициентами аппроксимации ($\langle c0 \rangle = -13.77$, $\langle cE \rangle = -2.55$, $\langle cP \rangle = 0.92$, $\langle cB \rangle = 1.28$); коэффициент линейной корреляции r = 0.65, RMS = 21.73 нТл; сплошная линия показывает линию регрессии $Dst = 0.64*Dst_{mod} - 4.93$; (*b*) зависимость коэффициента с0 от величины ave*Dst*, усредненной по 3 точкам (1 точка – начало бури и 2 точки – перед началом бури); (*c*) улучшенная версия модели с коэффициентом (c0)*i* = 0.68*(aveDst)i - 6.5, *i* = 1, 2, 3 ... 10; $\langle cE \rangle = -2.55$, $\langle cP \rangle = -0.92$, $\langle cB \rangle = 1.28$; коэффициент линейной корреляции r = 0.83, RMS = 15.64 нТл; сплошная линия показывает линию регрессии $Dst = 0.90*Dst_{mod} + 0.84$.

ные коэффициенты аппроксимации, рассчитанные методом наименьших квадратов по точкам фазы от ее начала и до текущей точки фазы.

Результаты расчетов по данному алгоритму показаны на рис. 3 (a, δ), на котором сравниваются измеренные значения *Dst* (черные точки) главной фазы с модельными значениями *Dst*_{mod} (крестики) и с предсказанными на 1 час позднее Dst_{mod}^* (кружки). Оценки показывают, что для бури 25 апреля 1982 г. (рис. 3*a*): среднее значение измеренного индекса и среднеквадратичное отклонение $\langle Dst \rangle = -35.89 \pm 20.37$ нТл, среднее значение и ср. кв. откл. по модельным расчетам $\langle Dst_{mod} \rangle = -32.6 \pm \pm 21.5$ нТл и по модельным предсказаниям на 1 ч

позже $\langle Dst^*_{mod} \rangle = -41.5 \pm 22.9$ нТл. Для магнитной бури 23 августа 1995 г. (рис. 36), соответственно, $\langle Dst \rangle = -32.5 \pm 20.77$ нТл, $\langle Dst_{mod} \rangle = -34.4 \pm 21.2$ нТл, $\langle Dst^*_{mod} \rangle = -42.1 \pm 20.6$ нТл.

Рисунок 3 наглядно иллюстрирует, что наша модель немного лучше предсказывает *Dst* на монотонно меняющейся главной фазе умеренной бури (RMS = 20.6 нТл для бури 23 августа 1995 г.), чем на немонотонной фазе (RMS = 22.9 нТл для бури 25 апреля 1982 г.). Для немонотонной фазы (рис. *3a*) наше предсказание занижает величину *Dst* (относительно измеренного значения) в начальной части фазы и несколько завышает в конечной половине фазы. Для монотонно развивающей фазы бури (рис. *36*) наша модель предсказывает более низкое значение *Dst* почти во всех точках главной фазы бури.

5. ВЫВОДЫ

Данная работа, в основном, является методической. Основная цель работы — проверка нашей гипотезы о линейной зависимости *Dst* главной фазы магнитной бури от 3-х параметров CB, включающих интегральное электрическое поле в текущей точке фазы *sumEy*, величину динамического давления и уровень флуктуаций ММП, а также предыдущих значений *Dst* индекса (коэффициент с0). Для отработки полной методики моделирования главной фазы использовались 10 магнитных бурь (*Dst* \leq -50 нТл, источником которых являются магнитные облака MC. В результате проведенной методической работы можно сделать следующие выводы:

1) Добавление в линейную зависимость *Dst* главной фазы бури от MC еще 2-х параметров CB (динамическое давление *Pd*, уровень флуктуаций σB MMП) приводит к некоторому улучшению результатов моделирования главной фазы (коэффициент корреляции r = 0.65, RMS = 21.73 нТл при усреднении коэффициентов аппроксимации по 10 MC-бурям). Аппроксимация *Dst* линейной зависимостью только от параметра *sumEy* дает r == 0.66, RMS = 27.5 нТл.

2) Эффективность моделирования существенно улучшается, если коэффициент с0 оценивать из усреднений по 3-м точкам, включающим не только начало магнитной бури, но и 2 предыдущие точки. Для данной версии модели коэффициент корреляции увеличивается до r = 0.83, а среднеквадратичное отклонение между измеренным и модельным *Dst* уменьшается до 15.6 нТл.

 Версия модели с индивидуальными коэффициентами аппроксимации главной фазы дает наилучшие результаты: коэффициент корреляции r = 0.99, среднеквадратичное отклонение между

ними понижается почти на порядок до 2.6 нТл.

Поскольку одной из главных задач подобных исследований является прогнозирование *Dst* магнитных бурь с наилучшей точностью, то данную методическую работу мы рассматриваем, как основу для дальнейшего совершенствования модели и повышения эффективности ее предсказания.

Кроме того, приведенная в работе методика моделирования будет использована для построения модели главной фазы магнитных бурь, вызванных другими типами источников CB (CIR, Ejecta, Sheath, MC + Ejecta). Это позволит сравнить модели магнитных бурь для разных типов солнечного ветра. Так как и алгоритм определения типа солнечного ветра [Ермолаев и др., 2009], и алгоритм предсказания величины *Dst* индекса используют текущие значения параметров плазмы солнечного ветра и межпланетного магнитного поля, то представленные в данной работе результаты могут быть использованы для прогнозирования магнитных бурь в реальном времени.

Авторы благодарны за возможность использования базы данных OMNI. Данные OMNI получены из GSFC/SPDF OMNIWeb на сайте http://omniweb.gsfc.nasa.gov. Работа поддержана грантами РФФИ № 10-02-00277-а и 13-02-00158-а, а также Программой Президиума РАН № П 22.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Ермолаев Ю.И., Николаева Н.С., Лодкина И.Г., Ермолаев М.Ю. Каталог крупномасштабных явлений солнечного ветра для периода 1976–2000 гг. // Космич. исслед. № 2. Р. 99–113. 2009 (Cosmic Research. 2009. V. 47. № 2. Р. 81–94).
- Ермолаев Ю.И., Лодкина И.Г., Николаева Н.С., Ермолаев М.Ю. Статистическое исследование влияния межпланетных условий на геомагнитные бури // Космич. исслед. Т. 48. № 6. С. 499–515. 2010.
- Ермолаев Ю.И., Лодкина И.Г., Николаева Н.С., Ермолаев М.Ю. Статистическое исследование влияния межпланетных условий на геомагнитные бури. 2. Вариации параметров // Космич. исслед. Т. 49. № 1. С. 24–37. 2011.
- Левитин А.Е., Дремухина Л.А., Громова Л.И., Птицына Н.Г. Моделирование гигантских возмущений геомагнитного поля // "Physics of Auroral Phenomena", Proc. XXXIV Annual Seminar, Apatity. P. 29–32. 2011.
- Николаева Н.С., Ермолаев Ю.И., Лодкина И.Г. Зависимость геомагнитной активности во время магнитных бурь от параметров солнечного ветра для разных типов течений // Геомагнетизм и аэрономия. Т. 51. № 1. С. 51–67. 2011.
- Николаева Н.С., Ермолаев Ю.И., Лодкина И.Г. Зависимость геомагнитной активности во время магнитных бурь от параметров солнечного ветра для

разных типов течений. 2. Главная фаза бури // Геомагнетизм и аэрономия. Т. 52. № 1. С. 42–53. 2012а.

- Николаева Н.С., Ермолаев Ю.И., Лодкина И.Г. Зависимость геомагнитной активности во время магнитных бурь от параметров солнечного ветра для разных типов течений. З. Развитие бури // Геомагнетизм и аэрономия. Т. 52. № 1. С. 42–53. 20126.
- Amata E., Pallocchia G., Consolini G., Marcucci M.F., Bertello I. Comparison between three algorithms for Dst predictions over the 2003–2005 period // Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics. V. 70. P. 496–502. 2008.
- Borovsky J.E., Denton M.H. Differences between CMEdriven storms and CIR-driven storms // J. Geophys. Res. V. 111. 2006. A07S08. doi:10.1029/2005JA011447. 2006.
- Boynton R.J., Balikhin M.A., Billings S.A., Sharma A.S., Amariutei O.A. Data derived NARMAX Dst model // Ann. Geophys. V. 29. P. 965–971. 2011.
- Burton R.K., McPherron R.L., Russell C.T. An empirical relationship between interplanetary conditions and Dst // J. Geophys. Res. V. 80. P. 4204–4214. 1975.
- Cerrato Y., Saiz E., Cid C., Gonzalez W.D., Palacios J. Solar and interplanetary triggers of the largest Dst variations of the solar cycle 23 // Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics V. 80. P. 111–123. 2012.
- Denton M.H., Borovsky J.E., Skoug R.M., ThomsenM.F., Lavraud B., Henderson M.G., McPherron R.L., Zhang J.C., Liemohn M.W. Geomagnetic storms driven by ICME and CIR-dominated solar wind // J. Geophys. Res. V. 111. A07S07, doi:10.1029/2005JA011436. 2006.
- Despirak I.V., Lubchich A.A., Guineva V. Development of substorm bulges during storms of different interplanetary origins // J. Atmos. Sol.—Terr. Phys. V. 73. P. 1460–1464. 2011.
- Feldstein Y.I. Modelling of the Magnetic Field of Magnetospheric Ring Current as a Function of Interplanetary Parameters // Space Sci. Rev. V. 59. P. 83–165. 1992.
- Fenrich F.R., Luhmann J.G. Geomagnetic response to magnetic clouds of different polarity // Geophys. Res. Lett. V. 25. P. 2999–3002. 1998.
- Guo J., Feng X., Emery B.A., Zhang J., Xiang C., Shen F., Song W. Energy transfer during intense geomagnetic storms driven by interplanetary coronal mass ejections and their sheath regions // J. Geophys. Res. V. 116. A05106, doi:10.1029/2011JA016490. 2011.
- Huttunen K.E.J., Koskinen H.E.J., Karinen A., Mursula K. Asymmetric Development of Magnetospheric Storms during Magnetic Clouds and Sheath Regions // Geophys. Res. Lett. V. 33. P. L06107. doi:10.1029/2005GL024894. 2006.
- Ji E.-Y., Moon Y.-J., Gopalswamy N., Lee D.-H. Comparison of Dst forecast models for intense geomagnetic storms // J. Geophys. Res. V. 117. A03209, doi:10.1029/2011JA016872.2012.
- Kane R.P. Severe geomagnetic storms and Forbush decreases: interplanetary relationships reexamined // Ann. Geophys. V. 28. P. 479–489. 2010.

- Klimas A.J., Vassiliadis D., Baker D.N. Dst index prediction using data-derived analogues of the magnetospheric dynamics // J. Geophys. Res. V. 103. P. 20435–20447. 1998.
- King J.H., Papitashvili N.E. Solar Wind Spatial Scales in and Comparisons of Hourly Wind and ACE Plasma and Magnetic Field Data // J. Geophys. Res. V.110. N. A2. P. A02209. doi:10.1029/2004JA010804. 2004.
- Liemohn M.W., Jazowski M., Kozyra J.U., Ganushkina N., Thomsen M.F., Borovsky J.E. CIR versus CME drivers of the ring current during intense magnetic storms // Proc. R. Soc. A. V. 466. P. 3305–3328. doi:10.1098/rspa.2010.0075. 2010.
- Longden N., Denton M.H., Honary F. Particle Precipitation during ICME-Driven and CIR-Driven Geomagnetic Storms // J. Geophys. Res. V. 113. P. A06205. doi:10.1029/2007JA012752. 2008.
- Maltsev Y.P. Points of controversy in the study of magnetic storms // Space Science Reviews V. 110. P. 227–267. 2004.
- McPherron R.L., O'Brien T.P. Predicting geomagnetic activity: The Dst index // in Space Weather. Geophys. Monogr. Ser. edited by P. Song, Singer H.J., Siscoe G.L. AGU. Washington. D. C. V. 125. P. 339–345. 2001.
- O'Brien T.P., McPherron R.L. An empirical phase space analysis of ring current dynamics: Solar wind control of injection and decay // J. Geophys. Res. V. 105. P. 7707–7720. 2000a.
- O'Brien T.P., McPherron R.L. Forecasting the ring current index Dst in real time, Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics V. 62. P. 1295–1299. 2000b.
- Ontiveros V., Gonzalez-Esparza J.A. Geomagnetic Storms caused by shocks and ICMEs // J. Geophys. Res. V. 115. A10244. doi:10.1029/2010JA015471. 2010.
- Plotnikov I.Ya., Barkova E.S. Nonlinear Dependence of Dst and AE Indices on the Electric Field of Magnetic Clouds // Adv. Space Res. V. 40. P. 1858–1862. 2007.
- Podladchikova T.V., Petrukovich A.A. Extended geomagnetic storm forecast ahead of available solar wind measurements. Space Weather. V. 10. S07001. doi:10.1029/2012SW000786.2012.
- Pulkkinen T.I., Partamies N., Huttunen K.E.J., Reeves G.D., Koskinen H.E.J. Differences in geomagnetic storms driven by magnetic clouds and ICME sheath regions // Geophys. Res. Lett. V. 34. L02105, doi:10.1029/2006GL027775. 2007.
- Siscoe G., McPherron R.L., Liemohn M.W., Ridley A.J., Lu G. Reconciling prediction algorithms for Dst // J. Geophys. Res. V. 110. P. A02215. doi:10.1029/2004JA010465. 2005.
- Sharifi J., Araabi B.N., Lucas C. Multi-step prediction of Dst index using singular spectrum analysis and locally linear neurofuzzy modeling // Earth Planets Space. V. 58. P. 331–341. 2006.
- *Temerin M., Li X.* A new model for the prediction of *Dst* on the basis of the solar wind // J. Geophys. Res. V. 107.
 № A12. P. 1472. doi:10.1029/2001JA007532. 2002.

- *Temerin M., Li X.* Dst model for 1995–2002 // J. Geophys. Res. V. 111. A04221. doi:10.1029/2005JA011257. 2006.
- *Tsyganenko N.A., Sitnov M.I.* Modeling the dynamics of the inner magnetosphere during strong geomagnetic storms // J. Geophys. Res. 110. A03208, doi:10.1029/2004JA010798. 2005.
- Turner N.E., Cramer W.D., Earles S.K., Emery B.A. Geoefficiency and Energy Partitioning in CIR-Driven and CME-Driven Storms // J. Atmos. Sol.-Terr. Phys. V. 71. P. 1023–1031. 2009.
- Vassiliadis D., Klimas A.J., Valdivia J.A., Baker D.N. The Dst geomagnetic response as a function of storm phase and amplitude and the solar wind electric field // J. Geophys. Res. V. 104. № A11. P. 24957–24976. 1999.
- Wang C.B., Chao J.K., Lin C.-H. Influence of the solar wind dynamic pressure on the decay and injection of

the ring current // J. Geophys. Res. V. 108. № A9. P. 1341. doi:10.1029/2003JA009851. 2003.

- Weigel R.S. Solar wind density influence on geomagnetic storm intensity // J. Geophys. Res. VOL. 115. A9. A09201. doi:10.1029/2009JA015062. 2010.
- Wu J.-G., Lundstedt H. Neural network modeling of solar wind-magnetosphere interaction // J. Geophys. Res. V. 102. № A7. P. 14457–14466. 1997.
- Yermolaev Yu.I., Nikolaeva N.S., Lodkina I.G., Yermolaev M.Yu. Specific interplanetary conditions for CIR-, Sheath-, and ICME-induced geomagnetic storms obtained by double superposed epoch analysis // Ann. Geophys. V. 28. P. 2177–2186. 2010.
- Yermolaev, Y.I., Nikolaeva N.S., Lodkina I.G., Yermolaev M.Y. Geoeffectiveness and efficiency of CIR, sheath, and ICME in generation of magnetic storms // J. Geophys. Res. V. 117. 2012. A00L07, doi:10.1029/2011JA017139. 2012.